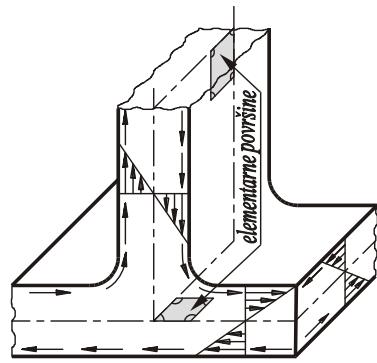


### 3.10.2 Naponska stanja i uticaji kod ograničenog uvijanja

Općta problematika ograničenog uvijanja (tapova sa otvorenim tankozidim profilom rečena je u radovima prof. V. Z. Vlasova [7], koji je za osnove matematičkog opisivanja ove pojave postavio dve hipoteze.

1. Klizanje u ravni srednje linije konture poprečnog preseka pri ograničenom uvijanju jednako je nuli.
2. Projekcija konture na ravan poprečnog preseka ostaje ista pre i posle deformacije.

Prva hipoteza zasniva se na inženjerici da je usled slobodnog uvijanja i pojave cirkulacije tangencijalnih napona, napon na srednjoj liniji jednak nuli. To znači da nema promene pravog ugla kod posmatrane elementarne površine na srednjoj liniji konture (Sl. 3.52).



Red veličine dopunskih tangencijalnih napona  $\tau_{\omega}$  je mali, tako da se njihova klizanja mogu zanemariti.

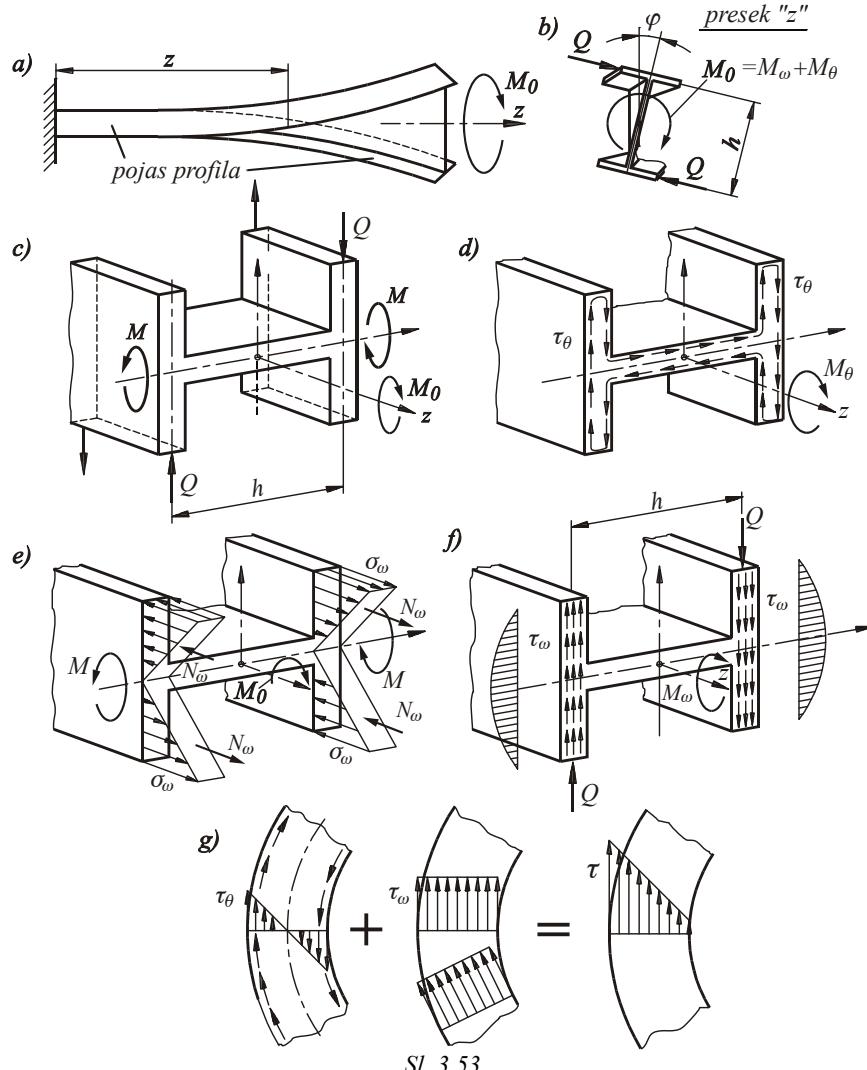
Druga hipoteza predstavlja zamenu za hipotezu ravnih preseka kod klasičnog savijanja i prepostavlja održanje oblika konture bez obzira na deplanaciju, koja dakle odgovara samo podnom pomeranju takva konture. Neizmenljivost forme konture praktično se može postići ugradnjom poprečnih ukrepa na odgovarajućim rastojanjima duž tapa.

Da bi se sagledala deformacija tapa i uticaji koji je izazivaju pri ograničenom uvijanju, posmatra se konzola od **I** profila opterećena momentom uvijanja  $M_{\theta}$  na slobodnom kraju (Sl. 3.53).

Usled dejstva momenta uvijanja  $M_{\theta}$ , zbog ukrtenja konzole, dolazi do savijanja pojaseva profila u međusobno suprotne strane (Sl. 3.53.a).

Uticaji koji savijaju pojaseve profila su neki momenti  $M$ , koji deluju u ravni pojaseva profila, jednakog su intenziteta ali međusobno suprotnog smera i koji se intenzitet menja duž ose  $z$ . Analogno klasičnom savijanju silama, u posmatranom poprečnom preseku profila postoje i odgovarajuće transverzalne sile  $Q$  koje deluju u pojasevima profila u smjeru njihovog savijanja (Sl. 3.53.b).

Dakle, da bi se opisali uticaji oblika deformacije, potrebno je javlja uvijanje sa savijanjem tj. ograničeno uvijanje, uvedeni su uticaji  $M$  i  $Q$ . Pod dejstvom  $M_{\theta}$ ,  $M$  i  $Q$  u nekom izdvojenom elementarnom delu nosača (Sl. 3.53.c), javlja se tri vrste napona prikazane na (Sl. 3.53.c,d,e).



1. Na (Sl. 3.53.d) prikazan je tangencijalni napon  $\tau_\theta$  koji potiče od dela zadatog spoljnog momenta uvijanja  $M_\theta$ , odnosno od  $M_\theta$ . Moment  $M_\theta$  naziva se momentom slobodnog (~istog) uvijanja.

Suma malih spregova pri cirkulaciji ovog napona oko konture preseka (Sl. 3.48.d), daje taj moment, tj. s obzirom na izraz (3.112), biće:

$$\sum M_{\tau\theta} = M_\theta = G\theta I_z, \quad (3.155)$$

odnosno, odgovarajući napon slobodnog uvijanja glasi:

$$\tau_\theta = \frac{M_\theta}{I_t} \cdot \delta, \quad (3.156)$$

gde su:  $I_t$  – membranski uvojni moment inercije konture,

$\delta$  – debљina konture u posmatranom vlaknu,

$M_\theta$  – moment slobodnog uvijanja, koji je deo ukupnog spoljnog momenta uvijanja  $M_0$ , ~ija je veli~ina za sada jo{ neodre|ena.

2. Tangencijalni napon usled ograni~enog uvijanja  $\tau_\omega$  je napon koji se javlja u pojasevima profila pod dejstvom transverzalne sile  $Q$  (Sl. 3.53.c,f) odnosno od momenta ograni~enog uvijanja  $M_\omega = Q \cdot h$ . Moment  $M_\omega$  predstavlja preostali deo od spoljnog momenta  $M_0$ . Analogno teoremi @uravskog, koja daje vezu izme|u normalnih i tangencijalnih naponi pri savijanju silama, napon  $\tau_\omega$  je povezan sa pojmom promene normalnog napona ograni~enog uvijanja  $\sigma_\omega$  du` nosa~a.
3. Normalni naponi ograni~enog uvijanja  $\sigma_\omega$  (Sl. 3.53.e) javljaju se usled savijanja pojaseva profila. S obzirom da usled savijanja pojaseva profila postoje zone zategnutih i pritisnutih vlakana, normalne sile  $N_\omega$  ekvivalentne naponima  $\sigma_\omega$  (zbog svojih razli~itih smerova), obrazuju spregove  $M$  u svakom pojasu. Kako su smerovi momenata  $M$  me|usobno suprotni, sistem je stati~ki samouravnote~en, jer se u jedna~inama stati~ke ravnote~e oni me|usobno poni{tavaju.

Usled savijanja pojaseva profila dolazi do deplanacije konture u preseku i pojavu razli~itog naprezanja vlakana, tako da na mestima promene naprezanja postoje i vlakna koja ne menjaju svoju du`inu i u kojima je napon  $\sigma_\omega = 0$ . Ove ta~ke zovu se **nulte ta~ke konture**.

Tri vrste napona  $\tau_0$ ,  $\sigma_\omega$ ,  $\tau_\omega$  ekvivalentni su dejstvu spolja{njeg momenta uvijanja  $M_0$ , tako da uslovi ravnote~e glase:

$$\Sigma X = 0, \quad (3.157)$$

$$\Sigma Y = 0, \quad (3.158)$$

$$\Sigma Z = \int_A \sigma_\omega dA = 0, \quad (3.159)$$

$$\Sigma M_x = \int_A \sigma_\omega \cdot y dA = 0, \quad (3.160)$$

$$\Sigma M_y = \int_A \sigma_\omega \cdot x dA = 0, \quad (3.161)$$

$$\Sigma M_z = M_0 - M_\theta - M_\omega = 0, \quad (3.162)$$

odnosno,

$$M_0 = M_\theta + M_\omega. \quad (3.163)$$

Naponi u posmatranom preseku redukuju se na veličinu i smer spolja{njenjeg aktivnog optere}enja, zbog toga {to je smer deformacija u smeru optere}enja. Uslove ravnote`e odr`ava bliski presek od posmatranog u zadnjem delu {tapa, koji se suprotstavlja dejstvu optere}enja.

Uslovi (3.159), (3.160), (3.161) pokazuju da normalni naponi  $\sigma_{\omega}$  u potpunosti u~estvaju u formiraju samouravnote`enog sistema unutra{njih sila. Kao {to se vidi, sistem normalnih unutra{njih sila  $N_{\omega}$  usled  $\sigma_{\omega}$  mo`e se redukovati na dva sprega suprotnog smera  $M$ , koji dejstvuju u pojasevima profila. Ova dva momenta le`e u me|usobno paralelnim ravnima ~ije je rastojanje " $h$ ", a po{to su suprotnog smera oni jedan drugog sami stati~ki uravnote`avaju, tako da nemaju direktnu vezu sa spolja{njim momentima usled optere}enja. S obzirom na ovu svoju osobinu, veličina ovog unutra{njenjeg stati~ki samouravnote`enog sistema ne mo`e se odrediti direktnom metodom preseka, kao {to se to ~ini kod odre|ivanja klasi~nih momenata savijanja.